

## Формализация процесса функционирования сложных дискретных устройств на базе макромоделей функциональных блоков

© И.В. Рудаков

МГТУ им. Н.Э. Баумана, Москва, 105005, Россия

*В статье рассматривается вопрос иерархического моделирования сложных дискретных систем с использованием макромоделей устройств на уровне функциональных блоков для анализа и контроля правильности их функционирования на ранних этапах разработки и проектирования. Приведена макромодель функционального блока сложной дискретной структуры, формализованная логической последовательностной схемой  $\mathcal{S}$ .*

**Ключевые слова:** иерархическое моделирование, макромодели функциональных блоков сложной дискретной структуры, логические и последовательностные схемы.

В настоящее время актуальной задачей является исследование сложных дискретных систем (СДС), отображающих функционирование таких объектов, как автоматизированные системы управления технологическими процессами, информационно-вычислительные системы, комплексы, сети, транспортные и банковские информационные системы и т. д. При анализе и проектировании СДС используется блочно-иерархический метод исследования, который предусматривает расчленение процесса проектирования на ряд последовательных уровней и сведения задачи большей размерности к совокупности задач значительно меньшей размерности.

Для реализации иерархического моделирования сложных дискретных устройств реализуется макромоделирование устройств на уровне функциональных блоков сложных дискретных устройств для анализа и контроля правильности их функционирования на ранних этапах разработки и проектирования.

Для решения задачи анализа и контроля правильности функционирования СДС в качестве входного и выходного алфавита функционального блока используется понятие информационной группы. Известно [1, 2], что сложное дискретное устройство может быть представлено схемой над множеством элементов сложной дискретной структуры  $F = \{F_1, F_2, \dots\}$ , входам и выходам которого приписываются информационные группы.

Рассмотрим макромодель функционального блока сложной дискретной структуры, представленную схемой  $\mathcal{S}$ .

Пусть:  $P(\hat{S})$  — множество входов схемы  $\hat{S}$ ;  $Q(\hat{S})$  — множество выходов схемы  $\hat{S}$ ;  $\Phi$  — некоторая функция, приписанная схеме  $\hat{S}$  и определяющая ее функционирование.

Для определения функционирования макромодели функционального блока сложной дискретной структуры представим ее в виде совокупности структурной  $S$  и временной  $\tilde{S}$  составляющих.

Рассмотрим структурную составляющую  $S$  схемы  $\tilde{S}$ , определяющую функционирование макромодели без учета временных характеристик.

Припишем входам  $P(S)$  схемы  $S$  некоторые переменные из множества

$$X = \{x_1, x_2, \dots, x_p, \dots\},$$

где  $x_p$  — переменная, приписанная  $p$ -му входу схемы  $S$ .

Алфавит значений каждой переменной множества состоит из элементов множества  $E = \{0, 1\}$ .

Множество индексов переменных из  $X$ , входящих в  $j$ -ю информационную группу, обозначим

$$\{i_1, i_2, \dots, i_u, \dots, i_k\},$$

где  $k$  — количество переменных, объединенных в  $j$ -ю информационную группу;  $u = 1, 2, 3, \dots, k$ .

Множество информационных слов  $j$ -й входной информационной группы:

$$E_j^P = \prod_{u=1}^k E_{iu} = E_{i_1} \cdot E_{i_2} \cdot \dots \cdot E_{i_u} \cdot \dots \cdot E_{i_k},$$

где  $E_{iu} = E$  — алфавит переменной  $x_{iu}$  из  $j$ -й входной информационной группы.

Множество входных букв, подаваемых на схему, имеет вид:

$$E^P = \prod_{j=1}^{n_{\text{вх}}} E_j^P = E_1^P \cdot E_2^P \cdot \dots \cdot E_j^P \cdot \dots \cdot E_{n_{\text{вх}}}^P.$$

Припишем выходам  $Q(S)$  схемы  $S$  некоторые переменные из множества  $Y$ :

$$Y = \{y_1, y_2, \dots, y_q, \dots\},$$

где  $y_q$  — переменная, приписанная  $q$ -му выходу блока.

Алфавит значений каждой переменной множества  $Y$  состоит также из элементов множества  $E = \{0, 1\}$ .

Множество индексов переменных из  $Y$ , входящих в  $j$ -ю информационную группу, обозначим:

$$\{l_1, l_2, \dots, l_v, \dots, l_{m_j}\},$$

где  $m$  — количество переменных, объединенных в  $j$ -ю информационную группу,  $u = 1, 2, 3, \dots, m$ .

Множество информационных слов  $j$ -й выходной информационной групп:

$$E_j^q = \prod_{v=1}^m E_{lv} = E_{l1} \cdot E_{l2} \cdot \dots \cdot E_{lv} \cdot \dots \cdot E_{lm},$$

где  $E_{lm} = E$  — алфавит переменной  $y_{lv}$  из  $j$ -й выходной информационной группы,  $v = 1, 2, \dots, m$ .

Множество выходных букв, получаемых на схеме  $S$ , имеет вид:

$$E^Q = \prod_{j=1}^{n_{\text{ВЫХ}}} E_j^Q = E_1^Q \cdot E_2^Q \cdot \dots \cdot E_j^Q \cdot \dots \cdot E_{n_{\text{ВЫХ}}}^Q.$$

Макромодель функционального блока сложной дискретной структуры устанавливает соответствие между элементами множеств  $E^P$  и  $E^Q$  согласно алгоритму функционирования блока.

Обозначим элемент множества  $E^P$  как  $e^P$ , т. е.  $e^P \in E^P$ , конечную последовательность элементов из множества  $E^P$  длиной  $r$ , подаваемых на вход схемы  $S$ , обозначим  $\varepsilon_r^P = \varepsilon_1^P \varepsilon_2^P \dots \varepsilon_v^P \dots \varepsilon_r^P$ , где  $e_v^P = 0 \vee 1, v = \overline{1, r}$ .

Конечные последовательности из элементов множества  $E^P$  объединим во множество  $\varepsilon_r^P$ , т. е.  $\varepsilon_r^P \in \varepsilon^P$ .

Аналогичным образом можно получить конечную последовательность  $\varepsilon_r^Q$  из элементов множества  $E^Q$  длиной  $r$ . Конечные последовательности (слова) из элементов множества  $E^Q$  объединим во множество  $\varepsilon^Q$ , т. е.  $\varepsilon_r^Q \in \varepsilon^Q$ .

Введем функцию  $H$ , являющуюся последовательностной функцией, которая задается отображением:

$$H: \varepsilon^P \rightarrow \varepsilon^Q.$$

Функция  $H$  удовлетворяет следующим условиям.

1. Для любой последовательности  $\varepsilon_r^P \in \varepsilon^P$ ,  $\varepsilon_v^Q \in \varepsilon^Q$  и  $\varepsilon_v^Q = H(\varepsilon_r^P)$ , где  $\varepsilon_v^Q = e_1^Q e_2^Q \dots e_v^Q$ , справедливо  $r = v$ .

2. Для любых последовательностей  $\varepsilon_r^P$  и  $\varepsilon_t^P$  из  $\varepsilon^P$  и любого  $v$ , где  $1 \leq v \leq \min(r, t)$ , если  $\varepsilon_r^P J_v = \varepsilon_t^P J_v$ , то

$$H(\varepsilon_r^P J_v) = H(\varepsilon_t^P J_v)$$

где  $\varepsilon_r^P J_v$  — начало последовательности  $\varepsilon_r^P$  длиной  $v$ .

Определенная таким образом функция  $H$  является последовательно-детерминированной функцией, и для нее каноническая система уравнений имеет вид:

$$e_1^Q, e_2^Q, \dots, e_v^Q, \dots, e_r^Q = H(e_1^P, e_2^P, \dots, e_v^P, \dots, e_r^P).$$

Для последовательностной детерминированной функции  $H$  введем  $K$  — множество чисел, которыми занумерованы состояния функции  $H$ , т. е.:

$$H : K = \{k_1, k_2, k_3, \dots\}.$$

Детерминированная последовательностная функция  $H$  может быть представлена соотношениями:

$$\begin{cases} k(1) = k_v, \\ k(w+1) = \phi(k(w), e_w^P), \\ e_w^Q = \psi(k(w), e_w^P), \end{cases} \quad (1)$$

где  $\phi : K \cdot \varepsilon^P \rightarrow K$ ;  $\psi : K \times \varepsilon^P \rightarrow \varepsilon^Q$ ;  $k(1)$  — начальное состояние функции  $H$ ;  $k(w)$  — состояние функции  $H$  на шаге с номером  $w$ ;  $e_w^P$  — входная буква функции  $H$  на шаге с номером  $w$ ;  $e_w^Q$  — выходная буква функции  $H$  на шаге с номером  $w$ .

Входы схемы  $S$  занумеруем следующим образом:

$$i_1, i_2, i_3, \dots, i_p, \dots, i_n$$

где  $i_p$  — номер  $p$ -го входа схемы  $S$ .

Припишем входам схемы  $S$  переменные из множества  $X$ , самой схеме — последовательностную детерминированную функцию  $H$ . В этом случае, если на вход  $S$  подавать буквы последовательности  $\varepsilon_r^P$ , то на выходе  $S$  устанавливается последовательность выходных букв  $\varepsilon_r^Q$ , причем  $\varepsilon_r^Q = H(\varepsilon_r^P)$ . Работа схемы  $S$  заключается в следующем: в определенные моменты на вход схемы  $S$  поступают входные буквы  $e^P \in \varepsilon_r^P$ ; схема  $S$  находится в одном из внутренних состояний, коди-

руемых с помощью элементов из множества  $K$ , а с выхода  $S$  снимаются выходные буквы  $e^Q \in \varepsilon_r^Q$ .

Входная буква и состояние в определенный момент однозначно определяют выходную букву в этот же момент и состояние схемы  $S$  в следующий момент соответственно рекуррентным соотношениям (1). Процедура, устанавливающая соответствие между входными последовательностями, состояниями схемы и выходными последовательностями, называется функционированием схемы  $S$ .

Модель схемы  $S$  учитывает логику преобразования входной буквы в выходную. В процессе функционирования схема  $S$  вычисляет функцию  $H$  и называется вычислителем функции  $H$ .

Для учета временных характеристик макромодели введем модель  $\tilde{S}$ . Пусть алфавитом переменных некоторого множества  $\tilde{U} = \{\tilde{u}_1, \tilde{u}_2, \dots\}$  являются элементы счетного множества  $\tilde{A} = \{I, -I\}$ . Введем последовательностную детерминированную функцию  $\tilde{D}(\tilde{u}_1, \tilde{u}_2, \dots, \tilde{u}_n)$ , определенную на множестве  $\tilde{A}$ .

Пусть  $\tilde{\delta}_r^P$  — конечная последовательность длиной  $r$  букв вида  $\tilde{a}_1^P, \tilde{a}_2^P, \tilde{a}_3^P, \dots, \tilde{a}_v^P, \dots, \tilde{a}_r^P$ ,  $\tilde{A}^P = \tilde{A}_1 \cdot \tilde{A}_2 \cdot \dots \cdot \tilde{A}_n$ , где  $\tilde{a}_v^P \in \tilde{A}^P$  — элемент множества  $\tilde{A}^P$  и  $\tilde{a}^P = (\tilde{a}_1, \tilde{a}_2, \dots, \tilde{a}_n)$ , где  $\tilde{a}_n$  — значение переменной  $\tilde{u}_n$ ,  $\tilde{A}_n = \tilde{A}$ ,  $v = 1, 2, 3, \dots, r$ . Конечную последовательность длиной  $r$  букв вида  $\tilde{a}_1^Q, \tilde{a}_2^Q, \tilde{a}_3^Q, \dots, \tilde{a}_v^Q, \dots, \tilde{a}_r^Q$  обозначим  $\tilde{\delta}_r^Q$ , где  $\tilde{a}_v^Q = I \vee -I$ ,  $v = 1, 2, 3, \dots, r$ .

Множество слов  $\tilde{\delta}_r^P$  обозначим как  $\tilde{A}^P$ , множество слов  $\tilde{\delta}_r^Q$  — как  $\tilde{A}^Q$ . Тогда функцию  $\tilde{D}$  определим как отображение:

$$\tilde{D}: \tilde{A}^P \rightarrow \tilde{A}^Q$$

и функция  $\tilde{D}$  может быть задана рекуррентно соотношениями:

$$\begin{cases} \tilde{k}(1) = \tilde{k}_v, \\ \tilde{k}(w+1) = \tilde{\varphi}(\tilde{k}(w), \tilde{a}_w^P), \\ \tilde{a}_w^Q = \tilde{\psi}(\tilde{k}(w), \tilde{a}_w^P), \end{cases} \quad (2)$$

где  $\tilde{\varphi} / \tilde{K} \cdot \tilde{A}^P \rightarrow \tilde{K}$ ;  $\tilde{\psi} / \tilde{K} \cdot \tilde{A}^P \rightarrow \tilde{A}^Q$ ;  $\tilde{K} = \{\tilde{k}(1), \tilde{k}(2), \dots\}$  — множество номеров состояний функции  $\tilde{D}$ ;  $\tilde{k}(1)$  — номер начального состояния функции  $\tilde{D}$ ;  $\tilde{k}(w)$  — номер состояния функции  $\tilde{D}$  на шаге с номером  $w$ .

Введем последовательностную функцию с задержкой  $\tilde{\lambda}(\tilde{\delta}_r^P)$ , используя функцию  $\tilde{D}(\tilde{\delta}_r^P)$  с учетом времени задержки  $\tau$ . Функция

$\tilde{\lambda}(\tilde{\delta}_r^P)$  в качестве состояний имеет множество  $\tilde{K}$  и для момента времени  $t$  задается соотношениями:

$$\begin{cases} \tilde{k}(1) = \tilde{k}_v \\ \tilde{k}(1) = \tilde{\varphi}(\tilde{k}(t), \tilde{a}^P(t)) \\ \tilde{a}^Q(t) = \tilde{\psi}(\tilde{k}(t), \tilde{a}^P(t)) \end{cases}, \quad (3)$$

где  $s \geq t + \tau$ ,  $s < t'$ ;  $t'$  — время поступления следующей за  $\tilde{a}^P(t)$  буквы из  $\tilde{A}^P$ ;  $\tilde{a}^Q(t)$  — значение функции  $\tilde{\lambda}(\tilde{\delta}_r^P)$  в момент времени  $t$ ;  $\tilde{k}(t)$  — номер состояния функции  $\tilde{\lambda}(\tilde{\delta}_r^P)$  в момент времени  $t$ .

Установим взаимно-однозначное соответствие между соответствующими входами  $\tilde{S}$  и входами  $S$ . Занумеруем эти входы в соответствии с нумерацией входов схемы  $S$ :  $i_1, i_2, \dots, i_n$ , где  $i_p$  — номер  $p$ -го входа  $S$ ,  $p = 1, 2, \dots, n$ .

Припишем схеме  $\tilde{S}$  последовательностную функцию с задержкой  $\tilde{\lambda}(\tilde{u}_1, \tilde{u}_2, \dots, \tilde{u}_n)$ , иначе входам  $\tilde{S}$  припишем переменные из множества  $\tilde{U}$ , а состояние выхода  $\tilde{S}$  определяется следующим образом: если на вход  $\tilde{S}$  поступает слово  $\tilde{\delta}_r^P$ , то на выходе  $\tilde{S}$  имеем слово  $\tilde{\delta}_r^Q = \tilde{\lambda}(\tilde{\delta}_r^P)$ .

Смысл элементов множества  $\tilde{A}$ , которые являются алфавитом переменных множества  $\tilde{U} = \{\tilde{u}_1, \tilde{u}_2, \dots\}$ , уточним в соответствии с правилом:

1) если  $\tilde{u}_p = I$ ,  $p = 1, 2, \dots, n$ , то на вход с номером  $p$  схемы  $S$  поступает входная буква  $e_w^p$ , соответствующая операнду, который подлежит обработке в данном такте. В этом случае на вход с номером  $p$  схемы  $\tilde{S}$  поступает сообщение;

2) если  $\tilde{u}_p = -I$ ,  $p = 1, 2, \dots, n$ , то на вход с номером  $p$  схемы  $S$  поступает входная буква  $e_w^p$ , не соответствующая операнду, который подлежит обработке в данном такте. В этом случае на вход с номером  $p$  схемы  $\tilde{S}$  не поступает сообщение.

При поступлении на вход схемы  $\tilde{S}$  входной буквы  $\tilde{a}_w^P$ , а на вход схемы  $S$  — входной буквы  $e_w^p$  соответственно переменная, приписанная выходу схемы  $\tilde{S}$ , определяется по правилу:

1) если состояние выхода  $\tilde{S}$  равно  $I$ , то на выход  $S$  поступает выходная буква  $e_w^Q = \psi(k(w), e_w^P)$ , т.е. на выходе  $\tilde{S}$  появляется сообщение;

2) если состояние выхода  $\tilde{S}$  равно  $-I$ , то на выход  $S$  поступает выходная буква  $e_w^Q \neq \psi(k(w), e_w^P)$ , т.е. на выходе  $\tilde{S}$  не появляется сообщение.

Для схемы  $\tilde{S}$  можно ввести вычислительную процедуру, аналогичную схеме  $S$ , которая устанавливает соответствие между входными последовательностями на  $\tilde{A}^P$ , состояниями схемы и выходными последовательностями из  $\tilde{A}^Q$ , использующую рекуррентные соотношения (3). Эту процедуру назовем функционированием схемы  $\tilde{S}$ .

Работа  $\tilde{S}$  совместно с  $S$  при подаче на их входы слов  $\tilde{\delta}_r^P$  и  $\varepsilon_r^P$  соответственно происходит следующим образом: на вход  $\tilde{S}$  в определенные моменты времени  $t$  поступают сообщения в соответствии с  $\tilde{a}^P(t)$ , а на входы  $S$  — соответствующие им буквы  $e_1^P, \dots, e_n^P$ ; при этом  $S$  находится в одном из внутренних состояний, кодируемых элементами из множества  $K$ , а  $\tilde{S}$  — в одном из внутренних состояний, кодируемых элементами из множества  $\tilde{K}$ . С выхода  $S$  снимается выходная буква  $e^Q$ , с выхода  $\tilde{S}$  — выходная буква  $\tilde{a}^Q(t)$ . При этом, если на вход  $\tilde{S}$  поступает входное слово  $\tilde{\delta}_r^P$ , то на вход  $S$  — входное слово  $\varepsilon_r^P$  соответственно, и схемы  $\tilde{S}$  и  $S$  проходят состояния из слов состояний  $(\tilde{k}(1), \tilde{k}(2), \dots)$  и  $(k(1), k(2), \dots)$  соответственно. Если есть взаимнооднозначное соответствие между  $\tilde{\delta}_r^P$  и  $\varepsilon_r^P$ ,  $\tilde{\delta}_r^Q$  и  $\varepsilon_r^Q$ , то существует соответствие между любыми  $\tilde{k}(v)$  и  $k(v)$ , иначе количество элементов множества  $K$  и множества  $\tilde{K}$  равно. Перенумеровав состояния в множестве  $\tilde{K}$ , можно получить  $K \Leftrightarrow \tilde{K}$ . В этом случае соотношения (2, 3) примут вид:

$$\begin{cases} k(1) = k_v \\ k(s) = \tilde{\Phi}\left(k(t), \tilde{a}^P(t)\right) \\ \tilde{a}^Q(t) = \tilde{\Psi}\left(k(t), \tilde{a}^P(t)\right). \end{cases} \quad (4)$$

Следовательно, схема  $\tilde{S}$  учитывает задержки времени  $\tau$  поступления сообщений на схему  $S$ .

Множество всех функций вида  $H$  обозначим через  $\Phi_{\tilde{A}}$ , а вида  $\tilde{D}$  — через  $\Phi_{\tilde{C}}$ .

Пусть  $\{\Phi\}$  — множество пар функций из  $\Phi_{\tilde{D}}$  и  $\Phi_{\tilde{C}}$ , элементы которого устанавливают соответствие между  $H \in \Phi_{\tilde{D}}$  и  $\tilde{D} \in \Phi_{\tilde{C}}$ .

Иначе:

$$\begin{aligned} & (\forall i)(H_i \in \Phi_{\tilde{D}})(\forall j)(\tilde{D}_j \in \Phi_{\tilde{C}})(H_i \leftrightarrow \tilde{D}_j) \& \\ & (\forall i)(H_i \in \Phi_{\tilde{D}})(\tilde{D}_i \in \Phi_{\tilde{C}}) \& (H_i \leftrightarrow \tilde{D}_i) \rightarrow \\ & (\forall \hat{f}_i)(\hat{f}_i \in \Phi)(\hat{f}_i \leftrightarrow (H_i, \tilde{D}_i)) \end{aligned}$$

Установим зависимость между множеством пар функций  $\Phi$ , приписанным макромодели блока регистровой структуры, и последовательностными функциями  $g_1, g_2, \dots, g_i$ , приписанными моделям элементов регистровой структуры, входящих в блок.

Модель элемента сложной дискретной структуры  $F_1$  содержит функцию  $g_1$ , отображающую последовательность входных информационных слов в последовательность выходных. Для множества состояний функции  $g_1$  вводится множество  $\theta_1$  — множество чисел, которыми занумерованы состояния функции  $g_1$  (множество  $\theta_1$  вводится аналогично множеству  $K$ , определенному выше):

$$g_1 \leftrightarrow \theta_1 = \{\theta_1^1, \theta_2^1, \theta_3^1, \dots, \theta_i^1\}.$$

Для элемента сложной дискретной структуры  $F_2$ :

$$g_2 \leftrightarrow \theta_2 = \{\theta_1^2, \theta_2^2, \theta_3^2, \dots, \theta_k^2\}$$

где  $\theta_2$  — множество чисел, которыми занумерованы состояния последовательностной детерминированной функции  $g_2$ , которую содержит модель элемента  $F_2$ .

Для элемента сложной дискретной структуры  $F_i$ :

$$g_i \leftrightarrow \theta_i = \{\theta_i^2, \theta_i^2, \theta_i^2, \dots, \theta_p^i\}$$

где  $\theta_i$  — множество чисел, которыми занумерованы состояния последовательностной детерминированной функции  $g_i$ , (ее содержит модель элемента  $F_i$ ).

Таким образом,  $\theta_m^n$  — число, которым занумеровано состояние элемента  $n$  на шаге  $m$  вычисления функции  $g_n$ .

Объединим номера состояний  $\theta_m^n$  элементов сложной дискретной структуры  $F_1, F_2, \dots, F_i$  для первого шага вычисления последовательностных функций  $g_1, g_2, \dots, g_i$  во множество  $\{f_1\}$ :

$$\{f_1\} \leftrightarrow \{\theta_1^1, \theta_1^2, \theta_1^3, \dots, \theta_1^i\};$$

для второго шага вычисления функций —  $\{f_2\}$ :

$$\{f_2\} \leftrightarrow \{\theta_2^1, \theta_2^2, \theta_2^3, \dots, \theta_2^i\};$$

для  $w$ -го шага вычисления функций —  $\{f_w\}$ :

$$\{f_w\} \leftrightarrow \{\theta_w^1, \theta_w^2, \theta_w^3, \dots, \theta_w^i\};$$

для  $p$ -го шага вычисления функций —  $\{f_p\}$ :

$$\{f_p\} \leftrightarrow \{\theta_p^1, \theta_p^2, \theta_p^3, \dots, \theta_p^i\}.$$

Таким образом, занумеровав множества  $f_1, f_2, f_3, \dots, f_w, \dots, f_p$ , получим множество чисел, которыми занумерованы состояния модели функционального блока сложной дискретной структуры, отображаемого схемой с приписанной ей функцией  $\Phi$ :

$$\Phi = \{\hat{f}_1, \hat{f}_2, \dots, \hat{f}_w, \dots, \hat{f}_p\},$$

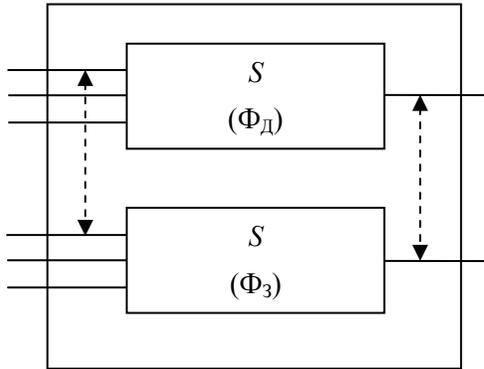
где  $w = \overline{1, p}$  — шаг вычисления функции  $\Phi$ .

Введем понятие входного набора  $VN$  для схемы  $\tilde{S}$  с приписанной ей последовательностной детерминированной функцией из  $\tilde{\Phi}_D$ . Схема  $S$  задает вычислитель функции  $H_\varepsilon$ , определяемой на входной букве  $e_\varepsilon^P$ . Входной букве схемы  $S$  однозначно соответствует множество сообщений, поступающих на входы схемы  $\tilde{S}$ . Под сообщением понимается упорядоченный набор символов из определенного заранее множества, служащий для выражения информации, а для сложного дискретного устройства — изменение значения переменной из множества  $\tilde{U}$ . Заданной функции  $H_\varepsilon \in \Phi_D$  соответствует сообщение, поступающее на вход с номером  $i_n$  схемы  $S$ . Номера (индексы) входов схемы  $\tilde{S}$ , на которые поступают сообщения, объединяются во входной набор  $VN$ . Следовательно, схема  $S$  будет заданным вычислителем функции  $H_\varepsilon$  на входной букве  $e_\varepsilon^P$ , если на входы схемы  $\tilde{S}$ , номера которых входят в множество  $VN$ , поступили сообщения. Каждому вычислителю, который определяется схемой  $S$  приписыванием ей функции из  $\Phi_D$  на заданной входной букве  $e_\varepsilon^P$ , однозначно соответствует элемент множества  $p \in VN$  входных наборов схемы  $\tilde{S}$ . Таким образом, входным набором  $VN$  называется множество индексов входов схемы  $\tilde{S}$ , на которые поступили сообщения.

Схемы  $S$  и  $\tilde{S}$  с приписанными им функциями из  $\Phi_D$  и  $\Phi_3$  соответственно совместно образуют макромоделю функционального блока сложной дискретной структуры с учетом задержек. Эта макромоделю получена для функционального блока, у которого множество  $P(S)$  содержит  $n$  элементов, а  $Q(S)$  — один элемент. Макромоделю блока, у которого множество  $Q(S)$  содержит произвольное количество элементов ( $>1$ ), может быть представлена совокупностью схем с использованием операции суперпозиции (см. рисунок).

Таким образом, исходя из сказанного, макромоделю функционального блока сложной дискретной структуры можно определить как схему  $\hat{S} = \{S, \tilde{S}, \Phi\}$ , где  $S$  — схема, определяющая структуру макромодели функционального блока;  $\tilde{S}$  — схема, учитывающая за-

держки обработки сообщений в макромодели функционального блока;  $\Phi$  — множество пар последовательностных детерминированных функций из  $\Phi_D$  и  $\Phi_3$ , описывающее функционирование макромодели блока сложной дискретной структуры.



Макромодель функционального блока сложной дискретной системы

**Выводы.** Разработанная формальная математическая макро-модель функционирования блока сложной дискретной структуры, позволяющая выполнять анализ процесса функционирования сложной дискретной структуры со степенью детализации ее на уровне функциональных блоков, дает возможность в полной мере реализовать блочно-иерархический подход к исследованию сложных систем, сокращая сроки проектирования такого класса объектов.

## ЛИТЕРАТУРА

- [1] Рудаков И.В. Методика иерархического исследования сложных дискретных структур. *Наука и образование (МГТУ им. Н.Э. Баумана)* (электронный журнал) № 6 <http://technomag.edu.ru/70230.html>
- [2] Рудаков И.В., Смирнов А.А. Исследование сложных дискретных систем на базе агентного метода. *Вестник МГТУ им. Н.Э. Баумана. Сер. Приборостроение*, 2009, № 3, с. 33–41.

Статья поступила в редакцию 10.06.2013

Ссылку на эту статью просим оформлять следующим образом:

Рудаков И.В. Формализация процесса функционирования сложных дискретных устройств на базе макромоделей функциональных блоков. *Инженерный журнал: наука и инновации*, 2013, вып. 6. URL: <http://engjournal.ru/catalog/it/hidden/776.html>

**Рудаков Игорь Владимирович** родился в 1958 г., окончил МВТУ им. Н.Э. Баумана в 1981 г. Канд. техн. наук, заведующий кафедрой «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии» МГТУ им. Н.Э. Баумана. e-mail: [irudakov@yandex.ru](mailto:irudakov@yandex.ru)